Overpotential prediction of LSCF cathode by 3D numerical analysis

OIE	松崎	勝久(東大)	正	鹿園	直毅	(東大)
正	笠木	伸英(東大)				

Katsuhisa MATSUZAKI, Naoki SHIKAZONO and Nobuhide KASAGI, The University of Tokyo, 7-3-1, Hongo, Bunkyo-ku, Tokyo

The overpotential in a three-dimensional $La_{1-x}Sr_xCo_{1-y}Fe_yO_{3-\delta}$ (LSCF) cathode structure obtained by a dual-beam focused ion beam-scanning electron microscope is predicted by the lattice Boltzmann method. Gaseous, ionic and electronic transport equations with electrochemical reaction at LSCF/pore boundary are solved with an assumption of local equilibrium in the solid oxide. The gas transport is modeled by a so-called dusty gas model. The numerical simulation is performed under the current density conditions of 0.01, 0.05, 0.1 and 0.2 A/cm². The cathode overpotentials predicted by this method agreed well with the experimental results. Three-dimensional chemical potential distributions inside a cathode microstructure are presented. The proposed method can be used for predicting polarization in mixed ionic electronic conductor electrode.

Key Words: SOFC, 3D Numerical Analysis, Mixed Ionic Electronic Conductor, Cathode Polarization

1. 緒言

固体酸化物形燃料電池 (Solid Oxide Fuel Cell: SOFC) は, 次世代の重要なエネルギー変換機器として期待されている が,その信頼性向上や低コスト化のための作動温度の低温 化が大きな技術課題の一つとなっている.その中で,混合 導電性 (Mixed Ionic/Electronic Conductor: MIEC) 材料であ る La_{1-x}Sr_xCo_{1-y}Fe_yO_{3- δ} (LSCF) 系材料は,中低温作動 SOFC の空気極材料として注目されている. MIEC 材料の電極反 応は,多孔質体中の電子,イオン,ガス種の輸送と,MIEC/ 気相界面における電気化学反応が連成した非常に複雑な現 象となる.そのため,分極特性は電極微細構造に大きく依 存する.Gostovic et al.⁽¹⁾により,収束イオンビーム装置付 走査型電子顕微鏡 (Dual Beam Focused Ion Beam-Scanning Electron Microscope: FIB-SEM) を用いて,LSCF 多孔質空気 極の実構造が取得されているが,電極微細構造から過電圧 を計算する詳細な数値計算手法は確立されていない.

そこで本研究では,実際の複雑な多孔質電極構造に適応 可能な過電圧予測手法を開発することを目的に,格子ボル ツマン法を用いた混合導電性空気極の過電圧の三次元数値 予測手法の検討を行う.

2. 空気極三次元構造の観察

本研究では、直径 20 mm,厚さ5 mmの円板状の 8YSZ 電解質上に、直径 10 mmの NiO-8YSZ (60:40 wt%) 燃料 極,GDC10 空気極中間層,La_{0.6}Sr_{0.4}Co_{0.2}Fe_{0.8}O_{3-δ}(LSCF6428) 空気極をそれぞれ 1300,1500,1100 ℃で焼結したボタン セル(日本ファインセラミックス(株)製)を用いた. FIB-SEM (Carl Zeiss, Nvision40)を用いて LSCF 空気極の 三次元構造を取得した.本研究では、2048×1536 ピクセル の断面画像(1 ピクセルあたり 13.96 nm)を 59.18 nm ピッ チで 228 枚取得し、輝度値により空隙と LSCF 相を二値化 した.最終的に、数値解析を行うため 59.18 nm 立方のボク セルにリサイズし、401×179×228 ボクセルの三次元構造 を再構築した.

本研究で用いる三次元数値解析の解析対象として、計算時間の短縮のため、FIB-SEMにより得られた三次元再構築構造のうち $y = 0 \sim 5.267 \ \mu m$ および $z = 0 \sim 6.747 \ \mu m$ の領域のみを用い、 $x = 0 \ \mu m$ 側に厚さ 1.243 μm の電解質層、x =

23.731 μm 側に厚さ 0.592 μm の集電層を設けた. 図1に計 算領域 (432 × 90 × 115 ボクセル)を示す.

3. 電極過電圧予測の数値解析手法

3.1 **支配方程式** 気相は酸素, 窒素二種混合による拡散 を考え, Dusty Gas Model (DGM)⁽²⁾を使用した. DGM は全圧一定を仮定すると以下のように表される.

$$\frac{\mathbf{N}_{i}}{D_{i,k}} + \sum_{j \neq i} \frac{y_{j} \mathbf{N}_{i} - y_{i} \mathbf{N}_{j}}{D_{i,j}} = -\nabla C_{i}$$

$$\tag{1}$$

ここで、 y_i はモル分率、 \mathbf{N}_i はモル流束、 C_i はモル濃度を表 す. 添字 i, jはそれぞれガス種を表し、酸素および窒素を 示す. また、全圧一定の場合 Graham's Law が成り立つ.

$$\sum_{i} \mathbf{N}_{i} \sqrt{M_{i}} = 0 \tag{2}$$

以上より,酸素の拡散方程式は

$$\nabla \left[\left[\frac{1 - \alpha y_{O_2}}{D_{O_2, N_2}} + \frac{1}{D_{O_2, k}} \right]^{-1} \nabla C_{O_2} \right] = -\frac{1}{4F} i_{\text{reac}}$$
(3)

$$\alpha = 1 - \sqrt{\frac{M_{O_2}}{M_{N_2}}} \tag{4}$$

式(3)において,*D*_{02,N}および*D*_{02,k}はそれぞれ相互拡散係数お よび Knudsen 拡散係数であり,それぞれ以下のように与え られる⁽³⁾.

$$D_{O_{2},N_{2}} = 0.018833 \sqrt{\frac{1}{M_{O_{2}}} + \frac{1}{M_{N_{2}}}} \frac{T^{2/3}}{P\Omega_{D}\zeta_{O_{2},N_{2}}^{2}}$$
(5)

$$D_{O_{2},k} = \frac{2}{3} \sqrt{\frac{8RT}{\pi M_{O_{2}}}} r$$
(6)

ここで,衝突積分 Ω_D は⁽⁴⁾



$$\Omega_D = 1.1336 \left(\frac{Tk}{\varepsilon}\right)^{-0.1814} \tag{7}$$

と表される.式(5),(7)における分子間力定数 ζ, ε は,相 互拡散係数の算出の際はそれぞれ相加平均,相乗平均で与 えた.気相における定数を表 1 に示す.また,式(7)におけ る r は平均空隙径であり,本研究では Maximum Sphere Inscription method (MSI)⁽⁵⁾を前節で得られた三次元構造に 適用した.MSIでは,気相である各ボクセルを中心に球を 膨らませ固相が球内に含まれた際の半径を局所空隙径とし て逐次計算していく.また,これにより得られた球内の気 相ボクセルのうち球の半径より小さな局所空隙径を持つボ クセルについては,局所空隙径を球の径に置き換える.こ の手法で得られた局所空隙径を領域内の空隙ボクセルで平 均を取ることにより局所空隙径を計算し,r=89 nm とした.

LSCF が混合導電体,集電面が完全な電子導電体,電解 質が完全な酸化物イオン導電体と近似すると,電子導電相 (LSCF,集電面),酸化物イオン導電相(LSCF,電解質) の支配方程式は,それぞれ電子,酸化物イオンの拡散方程 式で表される.

$$\nabla \left(\frac{\sigma_{e^-}}{F} \nabla \widetilde{\mu}_{e^-}\right) = -i_{\text{reac}}$$
(8)

$$\nabla \left(\frac{\sigma_{0^{2-}}}{2F}\nabla\widetilde{\mu}_{0^{2-}}\right) = i_{\text{reac}}$$
(9)

ここで、 $\tilde{\mu}_{e^{-}} \geq \tilde{\mu}_{0^{2^{-}}}$ はそれぞれ電子と酸化物イオンの電気化 学ポテンシャル、 $\sigma_{e^{-}} \geq \sigma_{0^{2^{-}}}$ はそれぞれ電子伝導度、酸化物 イオン伝導度を表す.LSCF6428における電子、酸化物イ オン伝導度については様々な実験データがあるが、本研究 では温度および酸素分圧依存性を考慮した Bouwmeester, et al.⁽⁶⁾による実験値からフィッティングにより与えた.ただ し、各伝導度は局所の酸素ポテンシャルに依存するため、 局所平衡⁽⁷⁾を仮定し、求めた.

$$\tilde{\mu}_{0^{2-}} = 2\tilde{\mu}_{e^{-}} + \mu_{0} \tag{10}$$

$$\mu_{\rm O} = \frac{1}{2} RT \ln p_{\rm O_2} \tag{11}$$

式(3), (8)および(9)において右辺に現れる反応電流 *i*_{reac} は,各ボクセルにおいて6面のうち気相/混合導電相界面そ れぞれで単位時間あたりに反応する電荷量 *i*_{reac,2PB}の総和で 表される. *i*_{reac,2PB} は反応速度式より以下の Butler-Volmer 型方程式⁽⁸⁾で与えた.

$$i_{\text{reac,2PB}} = i_0 A_{\text{2PB}} \left\{ \exp\left(\frac{\theta_a F}{RT} \eta_{\text{act}}\right) - \exp\left(-\frac{\theta_c F}{RT} \eta_{\text{act}}\right) \right\}$$
(12)

ここで, *F*, *R*, *T*, *A*_{2PB} はそれぞれファラデー定数,気体 定数,温度,MIEC/気相界面面積を表す.また η_{act} は活性化 過電圧,*i*₀ は単位表面積あたりの交換電流密度を表す.本 研究では*i*₀は式(13)⁽⁹⁾で与え, $\theta_a = 1.2, \theta_c = 1.0^{(10)}$ とした.

$$i_0 = 1.47 \times 10^5 \cdot p_{0_2}^{0.2} \cdot \exp\left(-\frac{10327}{T}\right)$$
 (13)

局所における活性化過電圧 η_{act} はアノード分極方向を正 とし, 電極内における局所 $\tilde{\mu}_{0^{2-}}$ と気相における局所 μ_{0} から 局所平衡 (式(10)) を仮定して計算される電子の平衡電気 化学ポテンシャル $\tilde{\mu}_{e}^{eq}$ からのずれより式(14)で定義した.

Table 1 Coefficient for gas diffusion.

Substance	M [kg/mol]	ζ[Å]	ε/k [K]
O_2	31.9988×10 ⁻³	3.54	88
N_2	28.0314×10 ⁻³	3.68	91.5

$$\eta_{\text{act}} = -\frac{1}{F} \Delta \widetilde{\mu}_{e^-} = -\frac{1}{F} \left(\widetilde{\mu}_{e^-,\text{MIEC}} - \widetilde{\mu}_{e^-}^{eq} \right)$$

$$= -\frac{1}{2F} \left(2 \widetilde{\mu}_{e^-,\text{MIEC}} - \widetilde{\mu}_{O^{2^-},\text{MIEC}} + \mu_{O,\text{gas}} \right)$$

$$= -\frac{1}{2F} \left(2 \widetilde{\mu}_{e^-,\text{MIEC}} - \widetilde{\mu}_{O^{2^-},\text{MIEC}} + \frac{1}{2} RT \log p_{O_2,\text{gas}} \right)$$

$$h h = -\frac{1}{2F} \left(2 \widetilde{\mu}_{e^-,\text{MIEC}} - \widetilde{\mu}_{O^{2^-},\text{MIEC}} + \frac{1}{2} RT \log p_{O_2,\text{gas}} \right)$$

$$h h = -\frac{1}{2F} \left(2 \widetilde{\mu}_{e^-,\text{MIEC}} - \widetilde{\mu}_{O^{2^-},\text{MIEC}} + \frac{1}{2} RT \log p_{O_2,\text{gas}} \right)$$

また、本研究において予測する空気極全体の過電圧は、図 2 より端子電圧がネルンスト起電力から過電圧分降下した 値であること、電極以外での過電圧は集電層、電解質、参 照極におけるオーム過電圧に起因することから式(15),(16) により与えた.

$$E_{\text{CC/S}} - E_{\text{RE/S}} = E_{\text{Nernst}} - \eta_{\text{cathode}}$$

$$-\eta_{\text{ohm,CC}} - \eta_{\text{ohm,NE}} - \eta_{\text{ohm,RE}}$$

$$\eta_{\text{cathode}} = E_{\text{Nernst}} - (E_{\text{CC/S}} - E_{\text{RE/S}}) - \eta_{\text{ohm,CC}} - \eta_{\text{ohm,NE}}$$

$$= \frac{RT}{4F} \log \left(\frac{p_{0_2,\text{CC}}}{p_{0_2,\text{RE}}} \right) - \frac{1}{F} \left(\tilde{\mu}_{e^-,\text{RE/S}} - \tilde{\mu}_{e^-,\text{CC/S}} \right)$$

$$- \frac{1}{F} \left(\tilde{\mu}_{e^-,\text{CC/S}} - \tilde{\mu}_{e^-,\text{cathode/CC}} \right)$$

$$- \frac{1}{2F} \left(\tilde{\mu}_{0^{2^-},\text{cathode/lyte}} - \tilde{\mu}_{0^{2^-},\text{lyte/RE}} \right)$$

$$- \frac{1}{F} \left(\tilde{\mu}_{0^{2^-},\text{cathode/lyte}} - 2\tilde{\mu}_{e^-,\text{cathode/CC}} - \mu_{\text{O,lyte/RE}} \right)$$

$$= \frac{RT}{2F} \left(\tilde{\mu}_{0^{2^-},\text{cathode/lyte}} - 2\tilde{\mu}_{e^-,\text{cathode/CC}} - \frac{1}{2}RT \log p_{0_2,\text{CC}} \right)$$

$$= -\frac{1}{2F} \left(\tilde{\mu}_{0^{2^-},\text{cathode/lyte}} - 2\tilde{\mu}_{e^-,\text{cathode/CC}} - \frac{1}{2}RT \log p_{0_2,\text{CC}} \right)$$

3.2 数値解析手法 第3.1節で与えられた支配方程式を 解く手法として、本研究では格子ボルツマン法(Lattice Boltzmann Method: LBM)⁽¹¹⁾を用いた.これは LBM が境界 条件の設定が容易で、複雑な多孔質内の流れを解くことに 適しているためである.また、並列化計算に適しており、 並列化によって計算時間を短縮できるという利点がある. LBM とは格子点上で速度ベクトルを持った仮想粒子の速 度分布関数 *f*_i(**x**,*t*)を定義し、粒子の移動、衝突および生成に ついて格子ボルツマン方程式を解くものである.衝突項に LBGK 近似を用いることで、格子ボルツマン方程式は式 (17)のようになる⁽¹²⁾.

$$f_{i}(\mathbf{x} + \mathbf{c}_{i}\Delta t, t + \Delta t) = f_{i}(\mathbf{x}, t) - \frac{1}{t^{*}(\mathbf{x}, t)} \Big[f_{i}(\mathbf{x}, t) - f_{i}^{eq}(\mathbf{x}, t) \Big] + w_{i}\Delta t$$
(17)

ここで, **c**, **x**, *t*, *t**, *w*は, それぞれ格子速度, 空間座標, 時間, 緩和時間, 単位時間あたりの生成量を表し, 添字 *i* は格子速度のベクトル成分を示す. Navier-Stokes 方程式を 解く場合は三次元 19 速度モデルが主に用いられているが, 拡散現象を扱う際には三次元 6 速度モデル(D3Q6) で十分



Fig. 2 Schematic of total cathode overpotential.

な計算精度が得られることが知られており⁽¹³⁾,本研究でも D3Q6モデルを用いた.緩和時間t*は拡散係数D,格子幅 Δx ,時間刻み Δt の関数で表される.本研究では、気相の拡散係数,電子伝導度、イオン伝導度全てが空間的に分布するため、緩和時間を変化させることで計算した.このとき時間刻みは一定とし、酸素モル分率が1の際の拡散係数の値と緩和係数 0.99 が対応するよう設定した.また単位時間あたり生成量wは反応電流 i_{reac} を6方向に分配することにより与えた.

$$t^*(\mathbf{x},t) = 0.5 + \frac{D(\mathbf{x},t)\Delta t}{3\Delta x^2}$$
(18)

平衡速度分布関数 f_i^{eq} は、対流項を無視し流速u=0とした場合、式(19)により与えられる.

$$f_i^{eq} = \frac{1}{6} \sum_{i=1}^{6} f_i(\mathbf{x}, t)$$
(19)

LBMにより得られる速度分布関数 f_i 自体は無次元の値であるが、マクロな物理量である密度またはポテンシャル $\rho(\mathbf{x},t)$ 、モル流束または電流密度 $\mathbf{N}(\mathbf{x},t)$ と以下の関係が成立する.

$$\rho(\mathbf{x},t) = \sum_{i=1}^{n} f_i(\mathbf{x},t) \tag{20}$$

$$\mathbf{N}(\mathbf{x},t) = \frac{t^*(\mathbf{x},t) - 0.5}{t^*(\mathbf{x},t)} \sum_{i=1}^{6} f_i(\mathbf{x},t) \cdot \mathbf{c}_i$$
(21)

また、本研究では拡散係数が異なる3種の拡散方程式を同 時に解く必要があるため、式(8)、(9)において両辺をガス組 成および温度が集電面における条件の際の伝導度で除し, 酸素モル分率が1の際の気相における拡散係数で乗じるこ とで,全ての拡散係数が同程度となるよう設定した...3 境 3.3 境界条件 図1の計算領域のうち,集電 界条件 層と電極の境界面(x = 23.731 μm)においてガス組成が一 定となるよう Dirichlet 型境界条件を与えた.また集電層入 口 (x = 24.323 µm) において電子電流密度が一定,電解質 層入口 (x = -1.243 μm) においてイオン電流密度が一定と なるようそれぞれ Neumann 型境界条件を与えた. 一方, y 軸, z 軸方向の計算領域境界面,および各相の界面上にお いては勾配なし条件を課した. ただし勾配なし条件を課す 手法として、本研究では単純なアルゴリズムでかつ複雑な 形状の解析に優れる Halfway Bounceback を適用することに より、二次の空間離散化精度を得た(14).計算条件として表 2の条件を与えた.

4. 数值解析結果

4.1 実験値との比較 図3に,数値解析および実験によ り得られた電極過電圧特性を示す.図3(a)は酸素20%一定 としたもの,図3(b)は温度1023K一定としたものである. 実験値として,複数回測定した中で最も平均値に近い結果, および平均値を中心に上下に標準偏差を示す.数値解析と 実験の温度依存性は定量的にも良く一致した.しかし,973 K,0.2 A/cm²の際には数値解析が発散した.これは低温, 高電流域において LSCF 電極内の酸素ポテンシャルが大幅 に低下し,酸化物イオン導電率が非常に小さな値となった ことが原因である.また,酸素分圧依存性については実験, 解析とも温度に比べて依存性が小さいが,いずれにおいて も酸素分圧が増加するにつれて過電圧が減少する傾向が見 られた.以上より,本研究で提案した過電圧予測手法の妥

Table 2 Numerical conditions.

Properties	Value
Operating temperature T [K]	973, 1023, 1073
Total pressure P [Pa]	1.013×10^{5}
Gas composition $(O_2 : N_2)$ [mol%]	100:0,50:50,20:80
Current density [A/m ²]	100, 500, 1000, 2000

当性が示された.

4.2 数値解析結果及び考察 図4に,温度1023 K, 酸素20%,電流密度0.1 A/cm²におけるLSCF内の酸素の 化学ポテンシャルの空間分布を示す.電解質と平行な断面 内の酸素の化学ポテンシャル分布は,全体の変化量に対し てわずかであり,電極内の一様性が高い.これは,電極内 におけるLSCFの体積分率が69%と非常に高いことに起因 する.また,図5に同条件におけるLSCF内の電流線の空 間分布を示す.電子電流が電解質付近まで,またイオン電 流も集電面付近まで達していることから,電極全体に反応 箇所が分布していることがわかる.



Fig. 3 Comparison of cathode overpotentials, (a) temperature dependence, (b) O₂ fraction dependence.



Fig. 4 Chemical potential distribution in LSCF cathode, (a) three-dimensional, (b) cross-sectional distributions



Fig. 5 Three-dimensional current distribution in LSCF cathode.



Fig. 6 Chemical potential distribution in LSCF cathode,(a) current density dependence, (b) temperature dependence,(c) O₂ fraction dependence.

図6に、電極厚み方向のLSCF内の酸素化学ポテンシャ ル分布を示す.電流密度を増加するにつれて、電解質付近 だけでなく全体的に酸素の化学ポテンシャルが減少し、電 極全体に反応が分布する.また、温度の低下に伴い、電解 質付近でのポテンシャル降下量が大きくなる.これは、温 度低下に伴ってLSCFの酸化物イオン伝導度が低下し、酸 化物イオンの輸送が悪化して電解質付近の酸素の化学ポテ ンシャルが低下するためである.また、酸素分圧が増加す るにつれて電解質近傍での変化が急峻になるが、集電面近 傍での降下量は減少した.これは、酸素分圧増加に伴って 電解質近傍での反応量が増加する一方で、集電面近傍での 反応量が減少したためである.

図7に、電極厚み方向の電流密度分布を示す.電流密度 を変化させた場合の影響は小さいが、図7(b)、(c)に示され るように、温度が低下、あるいは酸素分圧が増加するにつ れて、イオン電流と電子電流が交換する領域が薄くなる. LSCFのイオン伝導度が電子伝導度に比べ4~5オーダー低 いため、伝導度の高い電子の形で電荷を電解質付近まで輸 送し、電解質近傍で酸化物イオンに交換していると考えら れる.

5. 結論

実際の混合導電性空気極(LSCF)の多孔質電極構造を用いた三次元過電圧予測を行い,以下の知見を得た.

- ・計算結果は、実験値の温度依存性を定量的にも良く予測 し、本手法の妥当性が示された.
- ・酸素の化学ポテンシャル分布は、電解質と平行な断面内 でほぼ一様であった. LSCF 電極の体積分率と導電率が 高いためと考えられる.



Fig. 7 Current density distribution in LSCF cathode,
(a) current density dependence, (b) temperature dependence,
(c) O₂ fraction dependence.

 ・電子電流が電解質近傍まで,酸化物イオン電流が集電面 近傍まで到達しており,電極全体に反応が分布している.
 本手法を用いて様々な構造を対象とした計算を行うことで,最適な電極構造の指針を与えることが可能である.

謝辞

本研究は,新エネルギー・産業技術総合開発機構 (NEDO)の支援を受けた.記して謝意を表する.

参考文献

- D. Gostovic et al., *Electrochemical and solid-state letters*, 10 (2007), B214-B217.
- (2) R. Krishna et al., Chem. Eng. Sci., 52 (1997), 861-911.
- (3) 蒔田, 培風館, 粘度と熱伝導率.
- (4) 化学工学協会, 丸善, 物性定数(第二集).
- (5) V. Novák et al., Chem. Eng. Sci., (2009), IN PRESS.
- (6) H. J. M. Bouwmeester et al., *J. Solid State Electrochem.*, 8 (2004), 599-605.
- (7) J. Mizusaki et al., Solid State Ionics, 22 (1987), 313-322.
- (8) J. Fleig, Phys. Chem. Chem. Phys., 7 (2005), 2027-2037.
- (9) A. Esquirol et al., J. Electrochem. Soc., 151 (2004), A1847-A1855.
- (10) J. Fleig et al., Proc. SOFC-IX, (2005), 1636-1644.
- (11) Y. Suzue, N. Shikazono and N. Kasagi, J. Power Sources, 184 (2008), 52-59.
- (12) D. A. Wolf-Gladrow, Springer, Lattice-Gas Cellular Automata and Lattice Boltzmann Models.
- (13) T. H. Zeiser et al, Chem. Eng. Sci., 56 (2001), 1697-1704.
- (14) M. A. Gallivan et al., Int. J. Numer. Meth. Fluids, (1997), 249-263.